

Analízis 3. Házi feladatok 3. rész (5. hét, 2010/11 őszi)

1. Ha  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  monoton növekvő, akkor vannak olyan  $G \subset \mathbf{R}$  nyílt halmazok, hogy  $H = \bigcap_1^\infty G_n$  sűrű  $\mathbf{R}$ -ben és  $\lambda_g(H) = 0$ .

2. Az  $f = (f_1, \dots, f_n) : X \rightarrow \mathbf{R}^n$  leképezés mérhető pontosan akkor, ha minden  $f_k : X \rightarrow \mathbf{R}$  mérhető.

3. Ha  $f_k : X \rightarrow \mathbf{R}$  mérhető, akkor a függvénysorozat konvergenciatartománya is mérhető halmaz.

4. Legyen  $f_n, f : X \rightarrow \mathbf{R}$  mérhető,  $\mu(X) < \infty$ . Biz. be, hogy  $f_n \rightarrow f$  mértékben pontosan akkor, ha  $f_n$  minden részsorozatának van olyan részsorozata, amely  $\mu$ -m.m. tart  $f$ -hez.