

| Mintavizsga, 2010/11/01 | Kérjük ebbe az oszlopba írja be válaszait! |
|---|--|
| 1) Adja meg algebrai alakban az alábbi komplex művelet eredményét: $\frac{-17+6i}{3+2i} =$ | |
| 2) Adja meg algebrai alakban az alábbi komplex művelet eredményét: $\sqrt[3]{27i} =$ | |
| 3) Adja meg algebrai alakban az alábbi egyenlet megoldásait: $z^2 - 4z + 13 = 0$ | |
| 4) Határozza meg az alábbi síkok távolságát: $12x + 3y + 4z = 5 \quad 12x + 3y + 4z = 31$ | |
| 5) Írja fel annak a síknak az egyenletét, amely átmegey a $P(3; 2; 1)$ ponton és tartalmazza az alábbi egyenest: $x = 1 + t \quad y = 6 - 4t \quad z = -2 + 4t$ | |
| 6) Monoton-e az alábbi sorozat? $a_n = n + \frac{(-1)^n}{n}$ | |
| 7) Korlátos-e az alábbi sorozat? Ha igen, adjon meg alsó és felső korlátot! $a_n = \frac{n(n+1)}{2^n}$ | |
| 8) Konvergens-e az alábbi sorozat? Ha igen, mi a határértéke? $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[3]{\frac{n^3+5^n+n^{2010}}{8 \cdot 5^n}}$ | |
| 9) Határozza meg az alábbi sorozat összes torlódási pontját! $a_n = \frac{3n+\sqrt{n}}{n+2010} + (-1)^n \left(\frac{n+2011}{n+2010}\right)^n$ | |
| 10) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1}-\sqrt{x^2+1}}{\sqrt{x+1}-1}$ | |
| 11) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3+x^2+x-14}{x^2-4}$ | |
| 12) Írja fel az $x^2 \cos x$ függvény $x_0 = 0$ pontjához tartozó 6-adfokú Taylor polinomját! | |
| 13) A $\sin 0,2$ értékét az $\sin x$ függvény 5-fokú Taylor polinomjával közelítjük. Adjon becslést a hibára! | |
| 14) $\int \frac{1}{x^2+2x-15} dx =$ | |
| 15) $\int \frac{1}{x^2+2x+17} dx =$ | |
| 16) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \operatorname{tg}^2 x dx =$ | |
| 17) $\int_1^8 \frac{2+8x^2}{\sqrt[3]{x}} dx =$ | |
| 18) Határozza meg a \sqrt{x} görbe, a $0 \leq x \leq 25$ intervallum, és az $x = 25$ egyenes által határolt homogén síklemez súlypontjának koordinátáit! | |
| 19) Határozza meg az $y = (1+x)^{\frac{3}{2}}$ görbe $0 \leq x \leq 4$ intervallum feletti részének x-tengely körüli forgatásával keletkező test térfogatát! | |
| 20) Számítsa ki a $\rho = a(1 + \cos \phi)$ egyenlettel adott kardioid területét! | |

21) Igaz-e a következő állítás:

Ha $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \infty$ és $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = \infty$, akkor $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n - b_n) = 0$.

Ha az állítás igaz, bizonyítsa be, ha nem keressen ellenpéldát!

22) Állapítsa meg, hogy folytonos-e az alábbi függvény az $x = 0$ és $x = \frac{1}{2}$ helyen!

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{ha } x \leq 0 \\ \arcsin x & \text{ha } 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ \frac{\pi}{3} & \text{ha } \frac{1}{2} < x \end{cases}$$

23) Állapítsa meg, hogy differenciálható-e az alábbi függvény az $x = 0$ és $x = \frac{1}{2}$ helyen!

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{ha } x \leq 0 \\ \arcsin x & \text{ha } 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ \frac{\pi}{6} & \text{ha } \frac{1}{2} < x \end{cases}$$

24) A differenciálhányados definíciója alapján számítsa ki az $y = x^4$ függvény differenciálhányadosát az $x_0 = 2$ helyen!

25) Konvergens-e az alábbi két improprius integrál?

a) $\int_{2\pi}^{\infty} \frac{3+\cos x}{x\sqrt{x}} dx$

b) $\int_{2\pi}^{\infty} \frac{3-\sin x}{\sqrt{x}} dx$