

NÉV: ..... NEPTUN-KÓD: ..... SZAK: .....

ELŐADÓ: Pete Gábor

GYAKVEZ.: .....

**Valószínűségszámítás Vizsga1, 2014. dec. 22.**

*Munkaidő: 100 perc. Max pontszám 50. Kalkulátor nem használható.*

- Elm. 1.** (a) Definiáld a  $Poi(\lambda)$  Poisson-eloszlást. Számold ki a várható értékét. **(3p)**  
(b) Mondd ki pontosan és bizonyítsd is be, hogy a Binomiális eloszlás mikor és milyen értelemben tart Poissonhoz! **(5p)**
- Elm. 2.** Mondd ki és bizonyítsd a Markov- és Csebisev-egyenlőtlenségeket! **(7p)**
- Elm. 3.** Legyen  $U$  egyenletes eloszlású a  $[0, \pi]$  intervallumon, és  $X = \cos(U)$ .  
(a) Írjuk le  $X$  eloszlásfüggvényét! **(2p)**  
(b) Számoljuk ki  $X$  várható értékét, **(2p)**  
(c) és szórásnégyzetét! **(3p)**
- Gyak. 1.** Dobunk egy szabályos piros színű kockával 6-szor. Ahány hatost sikerült dobunk (ezt a számot jelöljük  $P$ -vel), annyiszor dobunk egy zöld színű kockával. Legyen  $Z$  az így dobott egyesek száma.  
(a) Határozzuk meg annak valószínűségét, hogy  $Z = 0$ . (Elég képlet, nem kell zárt formula vagy numerikus érték.) **(3p)**  
(b) Föltéve, hogy  $Z = 0$ , mi a valószínűsége, hogy  $P = 0$  volt? **(2p)**  
(c) Határozzuk meg  $Z$  várható értékét és szórását! (Tipp: toronyszabály és feltételes szórásnégyzet formula.) **(7p)**
- Gyak. 2.** Egy egyetem szintfelmérő Nulladik ZH-ján 16 feladat van. Mindegyikben 5 válasz közül kell kiválasztani a helyeset; a jó válasz +4 pontot, a rossz válaszok  $-1$  pontot érnek, a válasz hiánya 0 pontot. A kettes szinthez 16 pontot kell elérni (ez a maximális +64 és minimális  $-16$  pont közötti 40%-os eredmény). Peti teljesen véletlenszerűen minden feladatra beikszel valami választ. Becsüljük meg a valószínűségét normális közelítés segítségével, hogy Peti átmegy a ZH-n! **(7p)**
- Gyak. 3.** Legyenek  $X$  és  $Y$  független, Egyenletes $[0, 1]$  eloszlású valószínűségi változók, és legyenek  $U := X + Y$  illetve  $V := X - Y$ .  
(a) Függetlenek-e  $U$  és  $V$ ? Miért? **(2p)**  
(b) Számoljuk ki  $U$  és  $V$  várható értékét és szórásnégyzetét. **(4p)**  
(c) Határozzuk meg  $X$  és  $U$  kovarianciáját. **(3p)**

NÉV: ..... NEPTUN-KÓD: ..... SZAK: .....

ELŐADÓ: Pete Gábor

GYAKVEZ.: .....

**Valószínűségszámítás Vizsga1, 2014. dec. 22.**

*Munkaidő: 100 perc. Max pontszám 50. Kalkulátor nem használható.*

- Elm. 1.** (a) Definiáld a  $Poi(\lambda)$  Poisson-eloszlást. Számold ki a várható értékét. **(3p)**  
(b) Mondd ki pontosan és bizonyítsd is be, hogy a Binomiális eloszlás mikor és milyen értelemben tart Poissonhoz! **(5p)**
- Elm. 2.** Mondd ki és bizonyítsd a Markov- és Csebisev-egyenlőtlenségeket! **(7p)**
- Elm. 3.** Legyen  $U$  egyenletes eloszlású a  $[0, \pi]$  intervallumon, és  $X = \cos(U)$ .
- (a) Írjuk le  $X$  eloszlásfüggvényét! **(2p)**  
(b) Számoljuk ki  $X$  várható értékét, **(2p)**  
(c) és szórásnégyzetét! **(3p)**
- Gyak. 1.** Dobunk egy szabályos piros színű kockával 6-szor. Ahány hatost sikerült dobunk (ezt a számot jelöljük  $P$ -vel), annyiszor dobunk egy zöld színű kockával. Legyen  $Z$  az így dobott egyesek száma.
- (a) Határozzuk meg annak valószínűségét, hogy  $Z = 0$ . (Elég képlet, nem kell zárt formula vagy numerikus érték.) **(3p)**  
(b) Föltéve, hogy  $Z = 0$ , mi a valószínűsége, hogy  $P = 0$  volt? **(2p)**  
(c) Határozzuk meg  $Z$  várható értékét és szórását! (Tipp: toronyszabály és feltételes szórásnégyzet formula.) **(7p)**
- Gyak. 2.** Egy egyetem szintfelmérő Nulladik ZH-ján 16 feladat van. Mindegyikben 5 válasz közül kell kiválasztani a helyeset; a jó válasz +4 pontot, a rossz válaszok  $-1$  pontot érnek, a válasz hiánya 0 pontot. A kettes szinthez 16 pontot kell elérni (ez a maximális +64 és minimális  $-16$  pont közötti 40%-os eredmény). Peti teljesen véletlenszerűen minden feladatra beikszel valami választ. Becsüljük meg a valószínűségét normális közelítés segítségével, hogy Peti átmegy a ZH-n! **(7p)**
- Gyak. 3.** Legyenek  $X$  és  $Y$  független, Egyenletes $[0, 1]$  eloszlású valószínűségi változók, és legyenek  $U := X + Y$  illetve  $V := X - Y$ .
- (a) Függetlenek-e  $U$  és  $V$ ? Miért? **(2p)**  
(b) Számoljuk ki  $U$  és  $V$  várható értékét és szórásnégyzetét. **(4p)**  
(c) Határozzuk meg  $X$  és  $U$  kovarianciáját. **(3p)**



