

$$\int_1^e x^2 \ln x = ?, \quad \int_{-2}^5 (x^2 + 1)e^{2x} = ?, \quad \int_1^3 \ln^2 x = ?, \quad \int_0^4 x \cos x = ?, \quad \int_0^\pi x \sin x = ?,$$

$$\int_1^2 (2x-3)e^{2-\frac{x}{2}} = ?, \quad \int_0^\pi \sin x \cdot \cos^3 x = ?, \quad \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x \cdot \sin^4 x = ?$$

$$\alpha = ? \text{ ha } \int_0^\alpha (3x^2 - 2x + 3) = 10$$

Abrázolja és számolja ki az alábbi függvények gráfja alatti területet az adott intervallumon!

$$f(x) = \sqrt{x}, \quad I = [0,1] \quad f(x) = x^3 - 3, \quad I = [3,4] \quad f(x) = \cos \frac{x}{2}, \quad I = [0, \pi]$$

Határozza meg az alábbi görbék által határolt tartomány területét! Ábrázolja is!

$$f_1(x) = 4 - x^2, \quad f_2(x) = 0 \quad y = \frac{1}{x}, \quad y = 2,5 - x \quad y = \sin x, \quad y = \frac{2}{\pi} x$$

$$y = x^2 + 2x, \quad y = 4 - x^2$$

Improprius integrálok

$$\int_1^{+\infty} \frac{1}{x}, \quad \int_{-\infty}^0 x e^x, \quad \int_{-\infty}^0 \frac{1}{(2x-1)^2},$$

$$\int_0^{+\infty} \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}, \quad \int_3^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{(x-1)^3}}, \quad \int_1^2 \frac{1}{\sqrt{(x-1)^3}}, \quad \int_1^{+\infty} \frac{2}{x^3}, \quad \int_{-\infty}^{-1} \frac{3}{x^4}, \quad \int_1^{+\infty} \frac{2}{x(x+2)}, \quad \int_0^{+\infty} x^2 e^{-x}$$

$$\int_1^e x^2 \log x = ?$$

$$\int x^2 \log x = \frac{1}{3} \int (x^3)' \cdot \log x$$

$$= \frac{1}{3} \left(x^3 \log x - \int x^3 \log' x \right)$$

$$= \frac{x^3(3 \log x - 1)}{9}$$

$$\int_1^e x^2 \log x = \left[\frac{x^3(3 \log x - 1)}{9} \right]_1^e = \frac{2e^3 - 1}{9}$$

folyt. köv.