



Jelölje  $a_n$  annak a szabályos háromszögnek az oldalát, melyben elfér  $n(n+1)/2$  darab  $r$  sugarú kör. A körök területe egyenként  $\pi r^2$ , összesen tehát  $\pi r^2 n(n+1)/2$ . A szabályos háromszög területe:  $\frac{\sqrt{3}}{4} a_n^2$ . A területarány:

$$\frac{\pi r^2 n(n+1)/2}{\frac{\sqrt{3}}{4} a_n^2} = \frac{2\pi\sqrt{3} r^2 n(n+1)}{3 a_n^2}$$

A ábráról látható, hogy  $2nr \leq a_n \leq 2(n+2)r$ . Ezért  $\frac{a_n}{nr} \rightarrow 2$ , hiszen  $\frac{n}{n} \leq \frac{a_n}{2nr} \leq \frac{n+2}{n}$ , és  $\frac{n}{n} = 1$ , továbbá  $\frac{n+2}{n} \rightarrow 1$ . Mindazonáltal

$$\frac{r^2 n(n+1)}{a_n^2} = \frac{n(n+1)}{n^2} \frac{(nr)^2}{a_n^2} \rightarrow 1 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

Végülis a területarány határértéke:

$$\frac{2\pi\sqrt{3}}{3 \cdot 4} = \frac{\pi}{\sqrt{12}} = 0.90690$$