

MATHEMATICA[®]**5.2**
&
MATHEMATICA
PARALLEL COMPUTING TOOLKIT

**Párhuzamos programozás
Mathematica-val**

Tóth Gyula

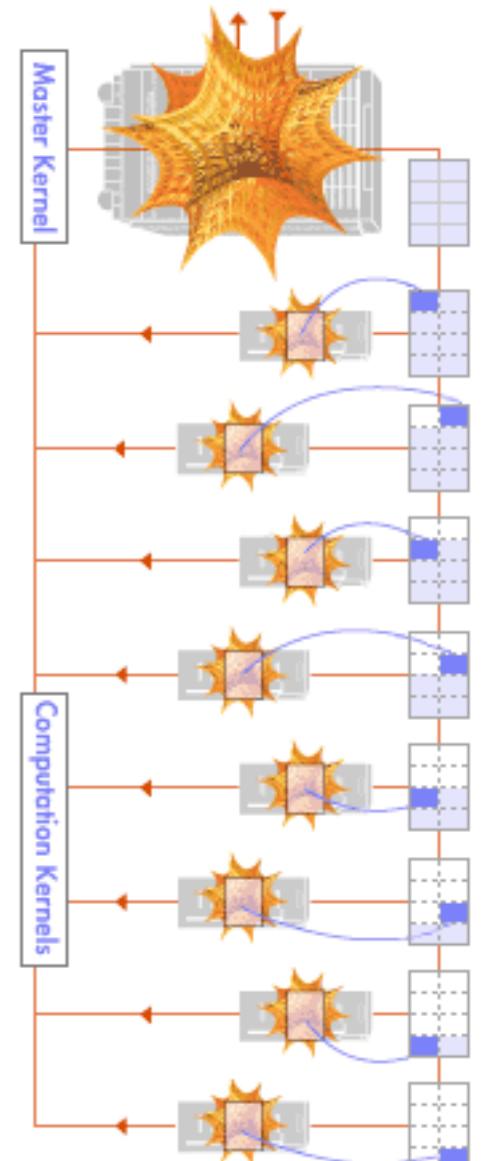
PhD hallgató

MTA SZFKI – BME TTK Elméleti Fizika Tanszék



Bevezetés

- Párhuzamos programozás
 - Funkcionális párhuzamosítás
 - Adatpárhuzamosítás
- Optimalizálás
 - szinkronizálás – leggyengébb láncszem
 - számításigény / kommunikációigény
- Protokollok
 - alacsony szinten: LAM/MPI (c protokollok)
 - fejlett szoftverek csomagjai: Mathematica PCT

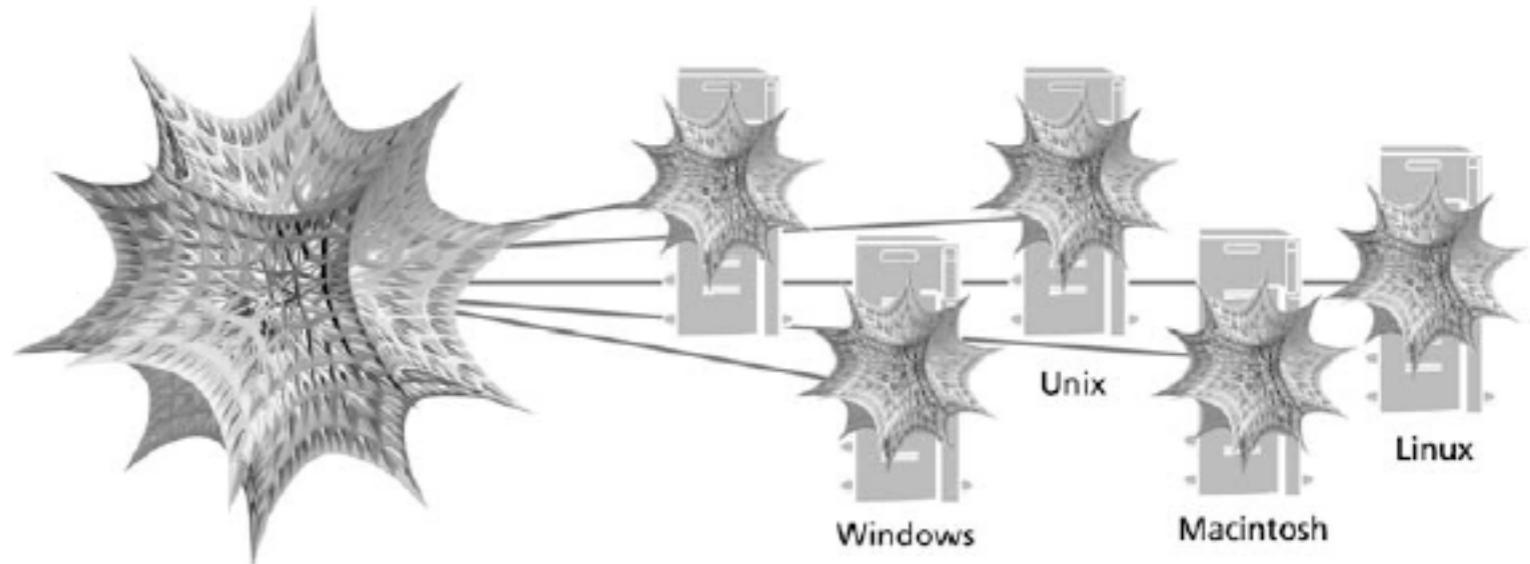




A PCT működése

- FrontEnd – Master Kernel & Slave Kernels

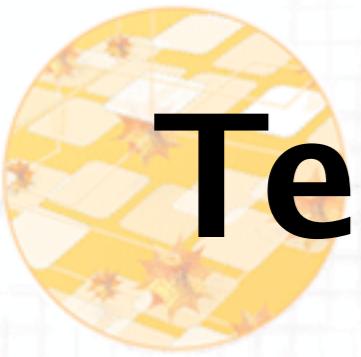
protocols:
ssh / rsh



- Indítási módok

- **Aktív mód:** a szerveren futó FrontEnd-ből a master kernelen keresztül
- **Passzív mód:** manuális indítás a slave-eken, majd csatlakozás hozzájuk a szerverről

Kommunikáció: szabad port v. Standard I/O



Tesztkörnyezet

WOLFRAM RESEARCH
MAKERS OF MATHEMATICA®



40x dual core + 80x Athlon64



24x dual processor Xeon Quad



A PCT indítása

PCT betöltése

```
Needs["Parallel`Debug`"]

Needs["Parallel`"]

Parallel Computing Toolkit 2.0 (November 11, 2004)
```

Created by Roman E. Maeder

slave kernelek
indítása

```
machines = Import["machinesA.txt", "Lines"];

LaunchSlave[#, "ssh `1` /usr/local/bin/math -mathlink",
  ConnectionType → LinkLaunch] & /@ machines

{slave1[node21], slave2[node22], slave3[node23], slave4[node24], slave5[node25],
 slave6[node26], slave7[node27], slave8[node28], slave9[node29], slave10[node30]}
```

slave kernelek
ellenőrzése

```
TableForm[
 RemoteEvaluate[{$ProcessorID, $MachineName, $SystemID, $ProcessID, $Version}],
 TableHeadings → {None, {"ID", "host", "OS", "process", "Mathematica Version"}}]
```

ID	host	OS	process	Mathematica Version
1	node21	Linux-x86-64	26179	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
2	node22	Linux-x86-64	24525	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
3	node23	Linux-x86-64	24608	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
4	node24	Linux-x86-64	24064	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
5	node25	Linux-x86-64	24923	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
6	node26	Linux-x86-64	22139	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
7	node27	Linux-x86-64	22095	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
8	node28	Linux-x86-64	22300	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
9	node29	Linux-x86-64	22081	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20
10	node30	Linux-x86-64	22056	5.2 for Linux x86 (64 bit) (June 20

kernelek bezárása

```
CloseSlaves[];
```



Sebességi teszt

Ponthalmaz átmérője

$$d = \max \left\{ \|r_i - r_j\|; i, j = 1 \dots n \right\}$$

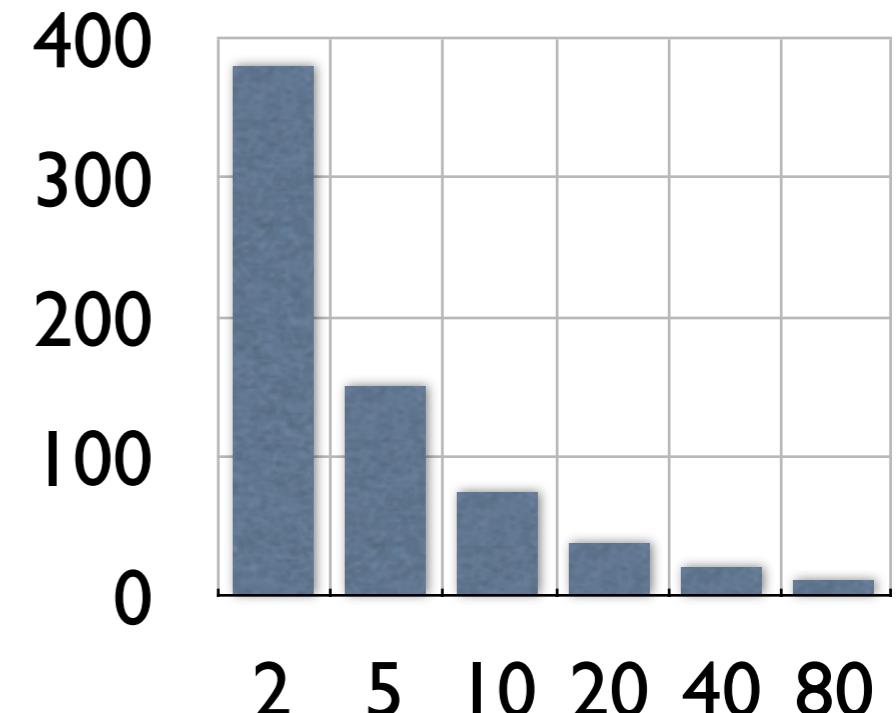
```
pointset = Table[{Random[], Random[], Random[]}, {10000}];
```

```
d[x_List, y_List] := Sqrt[Plus @@ (y - x)^2]
```

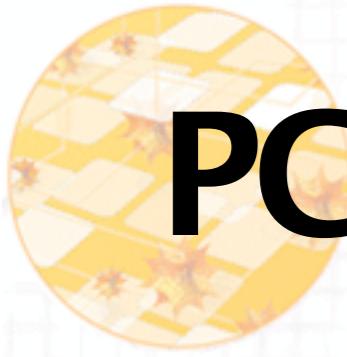
```
diameterparallel2[pts_List] :=
Module[{pointset = pts, djpar},
djpar[j_] := With[{pj = pointset[[j]]}, Max[d[#, pj] & /@ Drop[pointset, j]]];
ExportEnvironment[pointset, djpar, d];
With[{n = Length[pointset]},
res = Max[ParallelTable[Max[{djpar[j], djpar[n - j]}], {j, 1, Floor[n/2]}]];
];
RemoteEvaluate[Clear[pointset, djpar]];
res
]
```

```
AbsoluteTiming[diameterparallel2[pointset]]
```

```
{21.071954 Second, 1.66908}
```



Soros futási idő:
740s



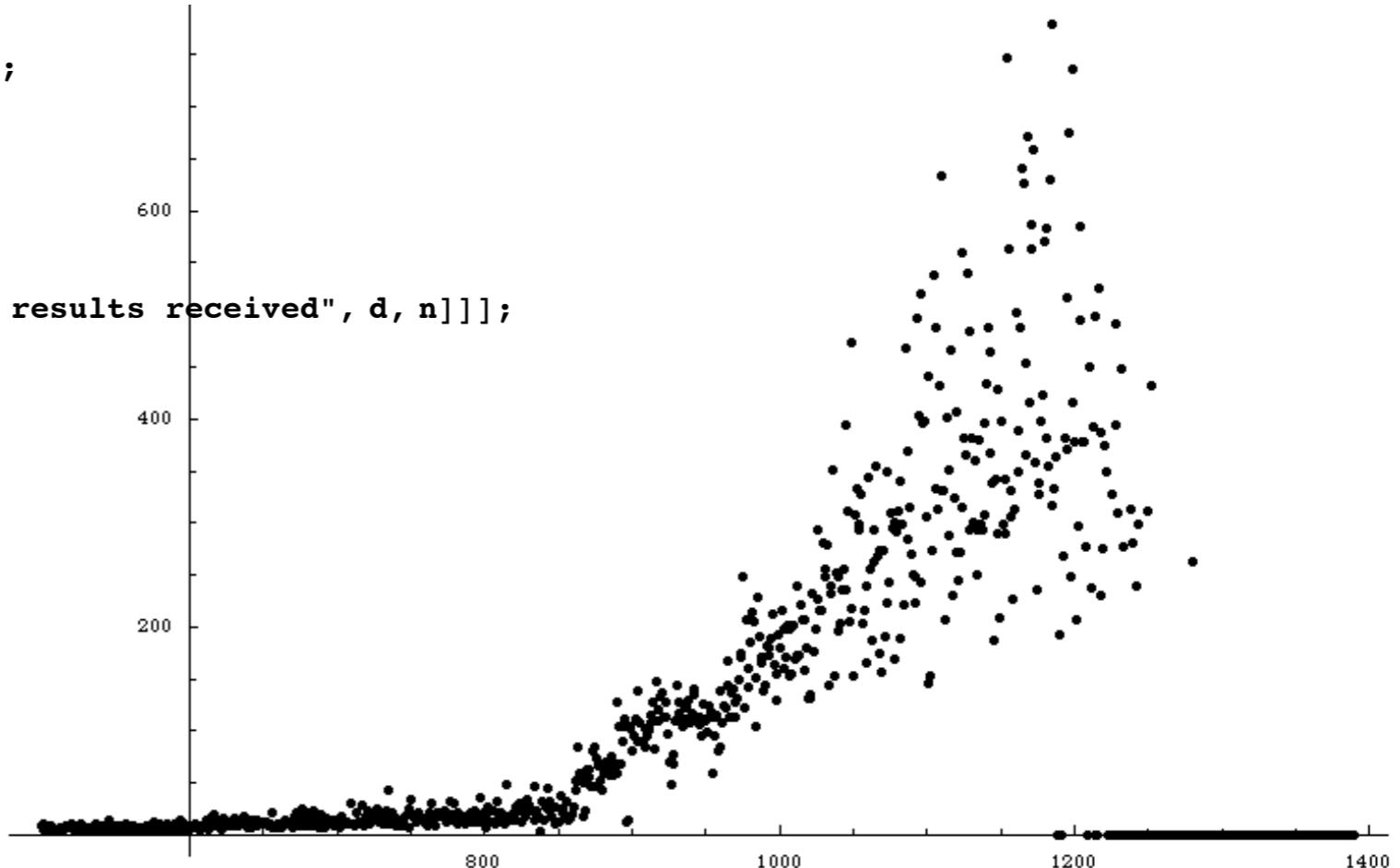
PCT programozás

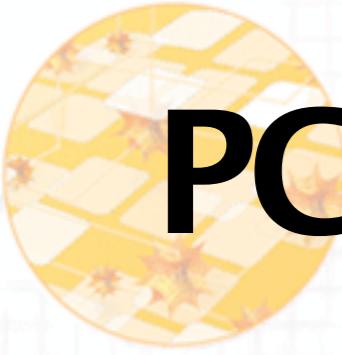
Polinomok irreducibilitása: $p_{n,i} = \sum_{i=1}^{n-1} ix^{i-1}$

ParallelTable vs. szinkronizálás

```
test[d_] :=
Module[{res, x},
  res = Timing[Length[FactorList[poly[d, x]]] - 1];
  {res[[1]] /. Second → 1, d, res[[2]]}]
];

d0 = d = 500; ids = {}; n = 0; results[_] := {0, 0};
CheckAbort[
  While[True,
    While[$QueueLength ≤ 1,
      AppendTo[ids, Queue[{d}, test[d]]];
      If[Mod[d, Length[$Slaves]] == 0,
        Print[StringForm["Degree `1` queued, `2` results received", d, n]];
        d++;
        If[! QueueRun[], Break[]];
      ];
      If[Length[ids] > 0,
        {res, id, ids} = WaitOne[ids];
        n++;
        {time, deg, nf} = res;
        results[deg] = {time, nf};
        If[nf > 1, Print[res]];
      ];
    ],
    Print["aborting..."];
    ResetSlaves[]
  ];
]
```





PCT programozás

Kaszkád programozása

```
Cascade[f_, expr0_] /; Length[expr0] > 2 * Length[$Slaves] :=
  Cascade[f,
    ParallelEvaluate[expr0, f @@ # &, Head[expr0]]]
Cascade[f_, expr0_] /; Length[expr0] > 0 :=
  Module[{expr = expr0},
    While[Length[expr] > 1,
      expr = Wait[Composition[Queue, f] @@@ Partition[expr, 2, 2, 1, {}]];];
    First[expr]]

SetOptions[$DebugObject, Trace → {SendReceive}];
```

```
Cascade[Plus, {1, 2, 3, 4, 5}]
SendReceive: Sending to slave1 [node21]: pid1[1 + 2] (q=1)
SendReceive: Sending to slave2 [node22]: pid2[3 + 4] (q=1)
SendReceive: Sending to slave3 [node23]: pid3[+5] (q=1)
SendReceive: Receiving from slave1 [node21]: pid1[3] (q=0)
SendReceive: Receiving from slave2 [node22]: pid2[7] (q=0)
SendReceive: Receiving from slave3 [node23]: pid3[5] (q=0)
SendReceive: Sending to slave1 [node21]: pid4[3 + 7] (q=1)
SendReceive: Sending to slave2 [node22]: pid5[+5] (q=1)
```

f@@expr rekurzív módban

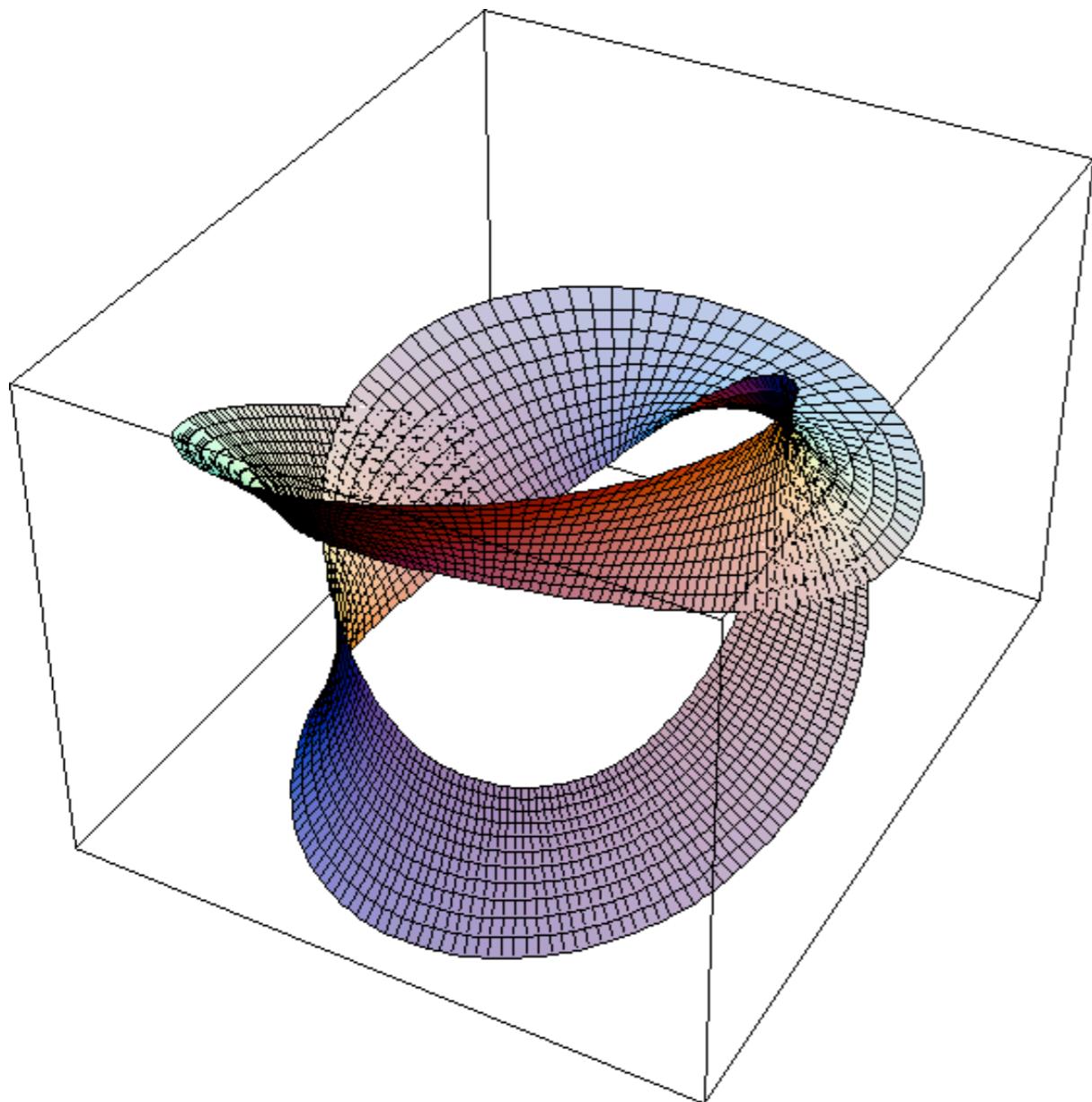
```
Cascade[Plus, Range[4 * Length[$Slaves] + 1]]
SendReceive: Sending to slave1 [node21]: (Plus @@ #1 &) [{1, 2, 3, 4, 5}] (q=1)
SendReceive: Sending to slave2 [node22]: (Plus @@ #1 &) [{6, 7, 8, 9}] (q=1)
SendReceive: Sending to slave3 [node23]: (Plus @@ #1 &) [{10, 11, 12, 13}] (q=1)
SendReceive: Receiving from slave1 [node21]: 15 (q=0)
SendReceive: Receiving from slave2 [node22]: 30 (q=0)
SendReceive: Receiving from slave3 [node23]: 46 (q=0)
SendReceive: Sending to slave1 [node21]: pid1[15 + 30] (q=1)
SendReceive: Sending to slave2 [node22]: pid2[+46] (q=1)
SendReceive: Receiving from slave1 [node21]: pid1[45] (q=0)
SendReceive: Receiving from slave2 [node22]: pid2[46] (q=0)
```



PCT programozás



Grafika és animáció



ParallelAnimate
ParallelPlot3D
ParallelDensityPlot
ParallelParametricPlot3D
ParallelContourPlot

nagyfelbontású
parametrizált felület:
– soros: 0.53s
– 20PC: 0.012s
a kirajzolás ideje: ~1perc!

korlát: videókártya!



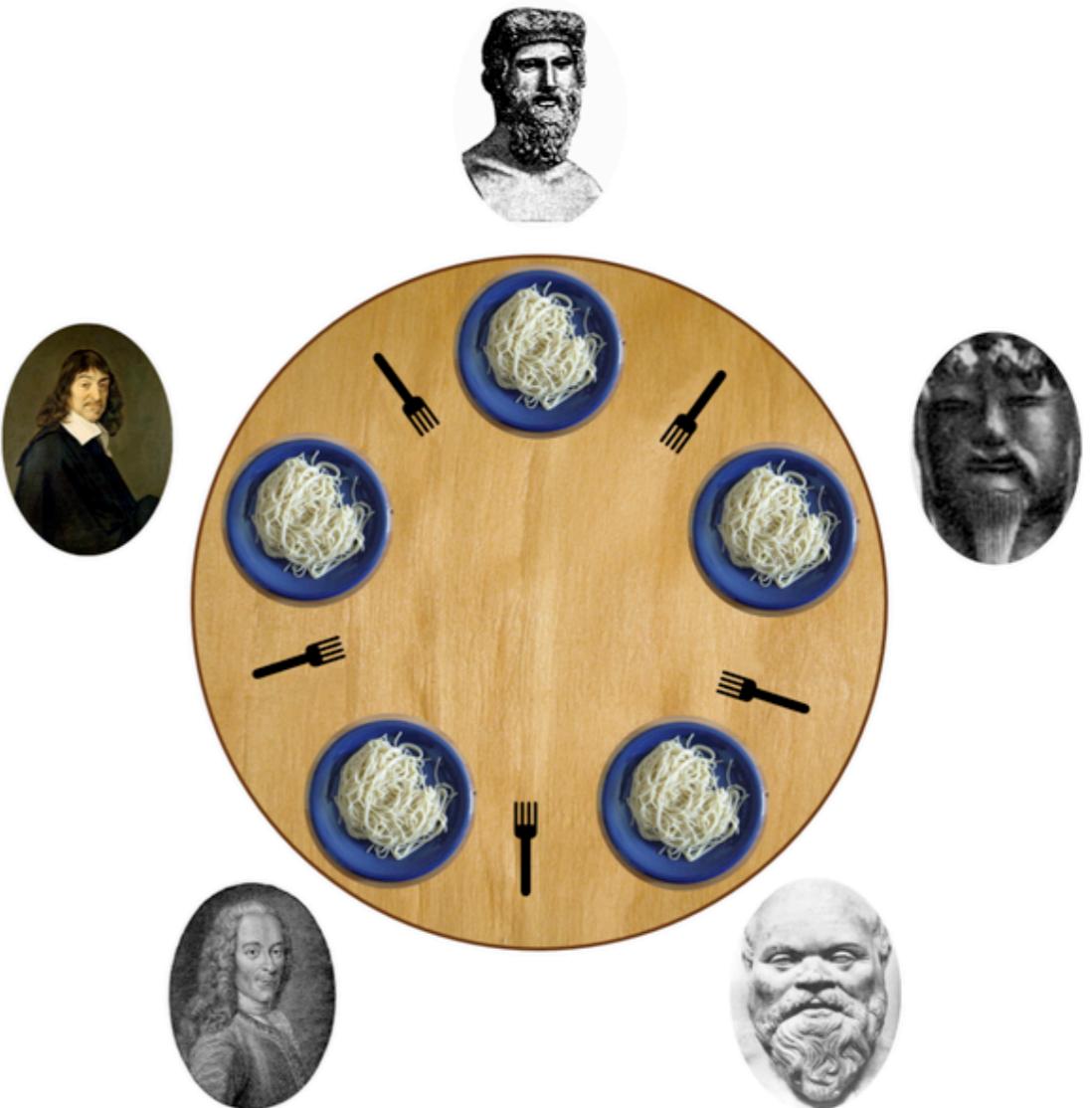
PCT programozás

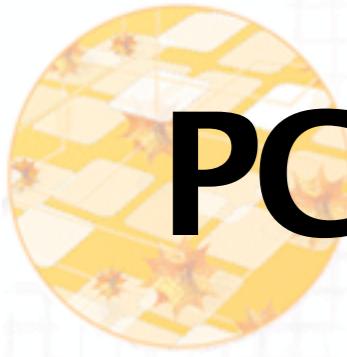
Megosztott erőforrások,
szinkronizálás

ExportEnvironment
vs.
SharedDownVariable

```
SharedDownValues[{forks}]
philo[i_, n_] :=
  With[{f1 = i, f2 = Mod[i, n] + 1},
    While[True,
      Print[i, " thinking"]; Pause[10 Random[]];
      Print[i, " hungry"];
      While[TestAndSet[forks[f1], i] != i ||
        TestAndSet[forks[f2], i] != i,
        Print[i, "*angry*"]; Pause[Random[]]];
      Print[i, " eating"]; Pause[2 Random[]];
      forks[f1] = Null; forks[f2] = Null;]
    ExportEnvironment[philo];
    Clear[philo]

philos =
  With[{n = Length[$Slaves]},
    Table[philo[i, n], {i, n}]];
ParallelDispatch[Evaluate[philos]]
```





PCT programozás

WOLFRAM RESEARCH
MAKERS OF MATHEMATICA®

Párhuzamos próbálkozás

```
SetAttributes[parallelTry, HoldRest]
parallelTry[tf_, exprs_] :=
Module[{res = tf, id, ids},
ids = Queue /@ Unevaluated[{exprs}];
CheckAbort[
While[res == tf && Length[ids] > 0, (* try one more *)
{res, id, ids} = WaitOne[ids]
],
res = $Aborted;
];
res
]

SetAttributes[ParallelTry, HoldAll]
ParallelTry[exprs_] := parallelTry[$Failed, exprs]

res = ParallelTry @@ Join @@ exprs;
```

ParallelTry

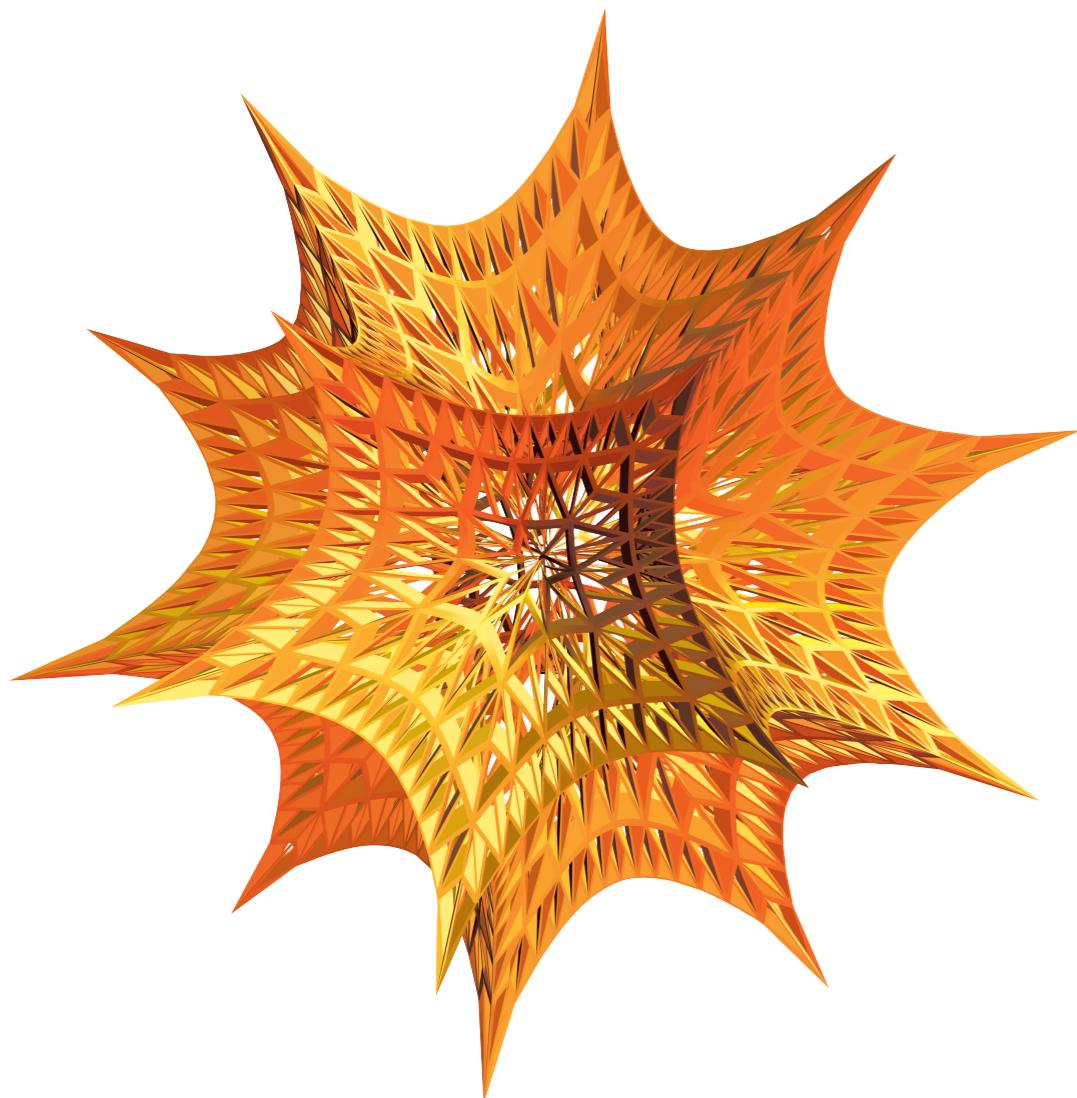
- prímszámkeresés
- véletlen polinomok faktorizálhatósága
- stb.



Összefoglalás



- Párhuzamos programok alapelvei
- A PCT működése
 - Felépítés, indítási módok
- Egyszerű teszt a sebességre
- Programozás PCT–vel, párhuzamos algoritmusok
 - számítási idő kihasználása
 - kaszkád kiértékelés
 - grafika
 - megosztott erőforrások
 - ParallelTry



MATHEMATICA[®] **5.2**
&
MATHEMATICA
PARALLEL COMPUTING TOOLKIT

Köszönöm a figyelmet!