

A Cauchy-féle integrálformula, illetve a Cauchy-integráltétel segítségével számítsuk ki a következő integrálokat.

1. $\oint_{\mathcal{G}} \frac{e^{z^2-1}}{z+i} dz$, ahol \mathcal{G} a $-1, 1-i, 1+i$ csúcsú zárt háromszögvonal pozitív irányban.

2. a) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{e^{\pi z}}{z-2i} + \frac{1}{e^z+1} dz$, ahol $\mathcal{G} : |z-2i|=1$, pozitív körüljárással
 b) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{\operatorname{ch} z}{z^5} dz$, ahol \mathcal{G} egy origó középpontú kör, negatív körüljárással
 c) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{\sin z}{(z-i)^3} dz$, ahol \mathcal{G} a $|z-1|+|z+1|=4$ egyenletű ellipszis, pozitív irányban

3. a) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{\cos z}{z^2+iz} dz$, ahol \mathcal{G} a $-i$ középpontú, $\frac{1}{2}$ sugarú kör, negatív körüljárással
 b) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{1}{z(z^2-1)} dz$, ahol $\mathcal{G} : |z-1|=\frac{3}{2}$, pozitív irányban
 c) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{e^{\pi z}}{(z-i)^2(z+1)} dz$, ahol \mathcal{G} a $-2, 1+2i, 1-2i$ csúcsú háromszögvonal, pozitív irányban
 d) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{1}{1+z^2} dz$, ahol \mathcal{G} a $|z|=2$ egyenletű kör, pozitív irányban
 e) $\oint_{\mathcal{G}} \frac{e^z}{z^4-z^3} dz$, ahol \mathcal{G} a $|z-2|=3$ egyenletű kör, pozitív irányban