

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)

1. Keressük meg az  $\mathbf{r}(t) = (t^2 + 2, t^3 - t, \frac{1}{2}t^2 + 5t + 1)$  görbén azokat a pontokat, ahol a görbe érintője párhuzamos a  $2x + y - z = 0$  síkkal. (7 pont)
2. Polárkoordinátákra való áttéréssel számítsuk ki az  $\int_0^{\sqrt{2}} \int_x^{\sqrt{4-x^2}} e^{-(x^2+y^2)} dy dx$  integrált. (7 pont)
3. Bontsuk fel elemi törtfüggvények összegére az  $\frac{x^3 - 4}{x^3(x^2 + 2)}$  függvényt! (7 pont)
4. Legyen  $f \mathbb{R}^3$ -nak az a lineáris transzformációja, amely minden  $\mathbf{r}$  vektorhoz az  $\mathbf{r} + (\mathbf{r} \times (1, 1, 0))$  vektort rendeli. Írjuk fel  $f$  mátrixát az  $\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  bázisban, és határozzuk meg  $f$  rangját és magterét! (9 pont)