

1. Hozzuk kanonikus alakra a $8y^2 + 6xy + 6x - 2y + 1 = 0$ másodrendű görbe egyenletét, és ábrázoljuk a görbét és az új koordinátarendszer tengelyeit az eredeti koordinátarendszerben.
2. Bizonyítsuk be, hogy ha W_1, W_2 a V véges dimenziós vektortér két altere, akkor $\dim \langle W_1, W_2 \rangle = \dim W_1 + \dim W_2 - \dim(W_1 \cap W_2)$.
3. Lássuk be, hogy alterek uniója nem feltétlenül altér.
4. Mutassuk meg, hogy az alábbi (valós) mátrixok mind hasonlóak:
 - a) $\begin{bmatrix} 0 & a \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 0 & b \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ c & 0 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ d & 0 \end{bmatrix}$, ahol a, b, c és d tetszőleges nem 0 értékek;
 - b) $\begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 1 & b \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ c & 1 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ d & 1 \end{bmatrix}$, ahol a, b, c és d tetszőleges nem 0 értékek;
 - c) $\begin{bmatrix} a & b \\ 0 & c \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} a & 0 \\ 0 & c \end{bmatrix}$, ahol $a \neq c$ tetszőleges, egymástól különböző értékek;
 - d) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$.
5. Bizonyítsuk be, hogy ha A önadjungált és M unitér mátrix, akkor $M^{-1}AM$ önadjungált mátrix.
6. Bizonyítsuk be, hogy ortogonális mátrixok szorzata, inverze szintén ortogonális.
7. Adjunk meg ortogonális, illetve ortonormált bázist az \mathbb{R}^4 $(1, 2, -1, 0)$, $(2, 1, 0, 1)$ és $(1, -1, 1, -1)$ vektorok által generált alterében.
8. Adjuk meg az $\begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ mátrix QR -felbontását Gram–Schmidt-ortogonalizálás segítségével.
9.
 - a) Határozzuk meg az $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ mátrix általánosított inverzét.
 - b) Határozzuk meg az $Ax = b$ legjobban közelítő megoldását, ha $b = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$.
- Hf1.**
 - a) Határozzuk meg az $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ mátrixú bilineáris függvény definittségét.
 - b) Adjunk meg egy olyan bázist, amelyben ennek a bilineáris függvénynek a mátrixa diagonális, és írjuk fel ebben a bázisban a hozzá tartozó kvadratikus alakot!
- Hf2.** Adjuk meg az $A := \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ mátrix
 - a) karakterisztikus és minimálpolinomját,
 - b) determinánsosztóit és invariáns faktorait,
 - c) Jordan-féle normálalakját,
 - d) az $y' = Ay$ differenciálegyenlet-rendszer általános megoldását!