

1. (18/63) Számítsuk ki a $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = (x, -y, z)$ függvény integrálját a felfelé irányított $\mathcal{F} : \mathbf{r}(u, v) = (u + 2v, v, u - v)$, $(0 \leq u \leq 3, 0 \leq v \leq 1)$ felületen!
2. (18/67) Számítsuk ki a $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \mathbf{r}|\mathbf{r}|^3$ függvény integrálját az $\mathcal{F} : x^2 + y^2 + z^2 = 4, z \geq 0$ felületen, lefelé mutató normálvektorokkal!
3. (18/78) A Stokes-tétel segítségével számítsuk ki a $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = (y^2, z^2, x^2)$ függvény integrálját az $A(1, 0, 0), B(0, 1, 0), C(0, 0, 1)$ pontokat összekötő zárt töröttvonalon.
4. (18/90) Mi a $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \mathbf{r}$ függvény integrálja annak a tartománynak a teljes, kifelé irányított felületén, amelyet az $x^2 + y^2 = 4$ hengerfelület és a $z = -1, z = 2$ síkok határolnak?
5. (18/94) Számítsuk ki a $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = (x^2, y^2, z^2)$ függvény integrálját az $x^2 + y^2 + 2z = 1$ felület és a koordinátságok által határolt tartomány \mathcal{F} felületén, kifelé mutató normálvektorokkal!
6. Oldjuk meg az alábbi állandó együtthatós, homogén, lineáris differenciálegyenleteket!
 - a) (29/86-ból) $y'' + y' - 6y = 0$;
 - b) (29/41) $y'' + 4y' + 4y = 0$;
 - c) (29/55) $y'' + 4y' + 13y = 0$.
7. Milyen próbafüggvényt használnánk ahhoz az állandó együtthatós, inhomogén, lineáris differenciálegyenlethez, amelynek jobb oldalán a következő függvény áll? A karakterisztikus egyenlet milyen gyökei esetén kell még alkalmas x -hatvánnyal megszorozni a próbafüggvényt?
 - a) $5x^2 - 1$
 - b) $x \cos 3x$
 - c) $e^{2x} \sin x$
8. Oldjuk meg a következő speciális jobboldalú, inhomogén lineáris differenciálegyenleteket!
 - a) (29/86) $y'' + y' - 6y = x, y(0) = 0, y'(0) = -\frac{1}{9}$;
 - b) $y'' + 4y' + 4y = xe^{-2x}$.