

1. Bizonyítsuk be, hogy \mathbb{Z} fölött nem projektív modulusnak nincs projektív fedője.
2. Adjuk meg FD_3 direkt felbonthatatlan projektív modulusainak egy-egy kompozícióláncát $\text{char } F = 3$ esetén, és az ezekhez tartozó faktorok izomorfia típusát.
3. Tegyük fel, hogy $\text{char } F = p$, és V olyan FG -modulus, amelynek minden kompozíciófaktora triviális. Bizonyítsuk be, hogy ekkor G képe a reprezentációnál p -csoport.
4. Bizonyítsuk be, hogy $p \nmid |G|$ esetén $\text{Irr } G = \text{IBr } G$.
5. Bizonyítsuk be, hogy ha φ Brauer-karakter G -nek modulo p , és $H \leq G$, amelyre $p \nmid |H|$, akkor $\varphi|_H$ karaktere H -nak.
6. Határozzuk meg A_5 irreducibilis Brauer-karaktereit modulo 2.
7. **(Hf)** Határozzuk meg S_4 irreducibilis Brauer-karaktereit modulo 3. Állapítsuk meg ebből $\overline{\mathbb{Z}_3}S_4$ Jacobson-radikáljának és direkt felbonthatatlan projektív modulusainak dimenzióját.
8. **(Hf)** Legyen $H \leq G$, $p \nmid |G|$, és Φ_1 a triviális Brauer-karakterhez tartozó p -projektív karakter. Bizonyítsuk be, hogy Φ_1 direkt összeadandója $(1_H)^G$ -nek.