

Valószínűségszámítás

Szorzási szabály:

$$P(E_1 E_2 \dots E_n) = P(E_n | E_1 \dots E_{n-1}) \dots P(E_3 | E_1 E_2) \cdot P(E_2 | E_1) \cdot P(E_1)$$

Teljes valószínűség tétele:

Ha F_1, F_2, \dots teljes eseményrendszert alkotnak, azaz

$\cup_i F_i = S$ és $F_i \cap F_j = \emptyset$ ha $i \neq j$, akkor

$$P(E) = \sum_i P(E | F_i) \cdot P(F_i)$$

Bayes tétel:

Ha F_1, F_2, \dots teljes eseményrendszert alkotnak, akkor

$$P(F_i | E) = \frac{P(E | F_i) \cdot P(F_i)}{\sum_j P(E | F_j) \cdot P(F_j)}$$

Binomiális (n, p) eloszlás

- súlyfüggvénye: $p(i) = \binom{n}{i} \cdot p^i \cdot (1-p)^{n-i}, \quad i = 0, 1, 2, \dots, n$
- várható értéke: $E(X) = n \cdot p$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = n \cdot p \cdot (1-p)$
- legvalószínűbb értéke (módusza) = $\begin{cases} [c], & \text{ha } c \text{ nem egész} \\ c \text{ és } c-1, & \text{ha } c \text{ egész,} \end{cases}$
ahol $c = (n+1) \cdot p$

Poisson (λ) eloszlás

- súlyfüggvénye: $p(i) = \frac{\lambda^i}{i!} \cdot e^{-\lambda}, \quad i = 0, 1, 2, \dots$
- várható értéke: $E(X) = \lambda$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = \lambda$
- legvalószínűbb értéke (módusza) = $\begin{cases} [\lambda] & , \text{ha } \lambda \text{ nem egész} \\ \lambda \text{ és } \lambda-1 & , \text{ha } \lambda \text{ egész} \end{cases}$

Geometriai (p) eloszlás

- súlyfüggvénye: $p(i) = (1-p)^{i-1} \cdot p, \quad i = 1, 2, 3, \dots$
- várható értéke: $E(X) = \frac{1}{p}$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = \frac{1-p}{p^2}$

Hipergeometriai (N, M, n) eloszlás

- súlyfüggvénye: $p(i) = \frac{\binom{M}{i} \binom{N-M}{n-i}}{\binom{N}{n}}, \quad i = 0, 1, \dots, n$
- várható értéke: $E(X) = n \cdot \frac{M}{N}$
- legvalószínűbb értéke (módusza) = $\begin{cases} [c], & \text{ha } c \text{ nem egész} \\ c \text{ és } c-1, & \text{ha } c \text{ egész,} \end{cases}$
ahol $c = \frac{(M+1) \cdot (n+1)}{N+2}$

Egyenletes (a, b) eloszlás

- sűrűségfüggvénye: $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & \text{ha } a < x < b \\ 0, & \text{egyébként} \end{cases}$
- eloszlásfüggvénye: $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{ha } x \leq a \\ \frac{x-a}{b-a}, & \text{ha } a < x < b \\ 1, & \text{ha } x \geq b \end{cases}$
- várható értéke: $E(X) = \frac{a+b}{2}$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = \frac{(b-a)^2}{12}$

Normális (μ, σ^2) eloszlás

- sűrűségfüggvénye: $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \cdot \sigma} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$
- eloszlásfüggvénye: $F(x) = \Phi\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)$, ahol Φ a standard normális eloszlásfüggvény
Minden x -re $\Phi(-x) = 1 - \Phi(x)$.
- várható értéke: $E(X) = \mu$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = \sigma^2$

Exponenciális (λ) eloszlás

- sűrűségfüggvénye: $f(x) = \begin{cases} \lambda \cdot e^{-\lambda x}, & \text{ha } x > 0 \\ 0, & \text{ha } x \leq 0 \end{cases}$
- eloszlásfüggvénye: $F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x}, & \text{ha } x > 0 \\ 0, & \text{ha } x \leq 0 \end{cases}$
- várható értéke: $E(X) = \frac{1}{\lambda}$
- szórásnégyzete: $D^2(X) = \frac{1}{\lambda^2}$