

1. Írjuk fel a $\sqrt{3}$ számot lánctört alakban! Számítsuk ki az ebből kapott első négy közelítő racionális számot és a közelítés hibáját. ($\sqrt{3} \approx 1,732$.) Ellenőrizzük, hogy közelítenek-e ezek a számok az irracionális számok approximációs tétele értelmében: teljesül-e, hogy $\left| \sqrt{3} - \frac{p}{q} \right| < \frac{1}{q^2}$?
2. Mutasd meg, hogy $\left\lfloor \frac{n}{ab} \right\rfloor = \left\lfloor \frac{\left\lfloor \frac{n}{a} \right\rfloor}{b} \right\rfloor$ minden $n, a, b \in \mathbb{N}$ -re!
3. Mutassuk meg, hogy minden olyan 6-jegyű szám amit egy 3-jegyű szám „megduplázásával” kapunk osztható 91-el. Például ha a háromjegyű számunk 123, akkor $123123 = 1353 \cdot 91$.
4. Mutassuk meg, hogy minden $n \in \mathbb{N}$ -re $133 \mid 11^{n+1} + 12^{2n-1}$!
5. Számoljuk ki $p(x) = x^5 - 3x^2 + x + 3$ értékét $x = 5$ -tel a Horner-módszer segítségével!

6. Váltssuk át 26-ot 16, 8, 4, 2, 5, 26 alapú számrendszerbe!
7. Írd fel a $\sqrt{2} \approx 1,414$ lánctört alakját!
8. Mutasd meg, hogy ha 23 osztja $5a + 9b$ -t valamely a, b egészekre, akkor 23 osztja $3a + 10b$ -t is!
9. Mi az 120201_3 szám 10-es számrendszerbeli alakja?
10. Váltsd át 2024 -t 2, 8 és 16 alapú számrendszerbe!
11. Legyen $x \in \mathbb{R}^+$ és $d \in \mathbb{N}$. Mutasd meg, hogy azon n egészek száma, amelyek oszthatók d -vel és nem nagyobbak x -nél pontosan $\left\lfloor \frac{x}{d} \right\rfloor$.
12. * a) Mutasd meg, hogy $\mathbb{Z}[\sqrt{2}] = \{a + b\sqrt{2} \mid a, b \in \mathbb{Z}\} \subset \mathbb{R}$ egy gyűrű a szokásos műveletekkel!
b) Az alábbiak közül melyek egészek $\mathbb{Z}[\sqrt{2}]$ -ben? $\sqrt{2}, 3 - 2\sqrt{2}, 2 + 3\sqrt{2}$