

Név: ..... NEPTUN kód ..... Pontszám:

**Matematika A3# vizsgadolgozat, 2012/13. II. félév, minta**

Oldjuk meg az alábbi feladatokat! Minden feladatot külön A4-es oldalon kell megoldani!

1. FELADAT. (10p) Mit értünk egy  $f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{C}$  függvény Laplace-transzformáltján? Mondjuk ki és igazoljuk a függvények deriváltjának Laplace-transzformáltjáról szóló tételt!

2. FELADAT. (10p) Alkalmazzuk a Gauss-Osztogradszkij tételt a  $\bar{\mathbf{v}}(x, y, z) = (x^3, y^3, z^3)$  vektormező integráljának kiszámítására az origó középpontú egységgömbfelületre!

3. FELADAT. (10p) Határozzuk meg az alábbi komplex integrált, ha  $G$  az origó középpontú 2 sugarú kör a komplex számsíkon!

$$\oint_G \frac{1}{1+z^2} dz$$

4. FELADAT. (10p) Adjuk meg az  $y' + y(1 - 2x)/x^2 = 1$  differenciálegyenlet általános megoldását!

5. FELADAT. (10p) Oldjuk meg az  $y'' + y' + y = 2 \cos x$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 2$  kezdetiérték-feladatot Laplace-transzformálás segítségével!

---

Karikázzuk be a helyes válaszok sorszámát! Helyes válasz 2 pont, helytelen -1 pont, nincs válasz 0 pont.

6. FELADAT. (2p) A  $\bar{\mathbf{v}}(x, y, z) = (\cos(xy)yz, \cos(xy)xz, \sin(xy))$  vektorfüggvény potenciálfüggvénye:

- A)  $\cos(xy) \sin(xy)$       B)  $\sin(xy)z$       C) Nincs      D)  $\sin(xy)xyz$

7. FELADAT. (2p) Milyen alakban kellene keresni az  $y'' - 2y' + y = e^{2x}$  differenciálegyenlet partikuláris megoldását?

- A)  $A$       B)  $Axe^{2x}$       C)  $Ae^{2x}$       D)  $Ae^x$

8. FELADAT. (2p) A Cauchy-Riemann egyenletek az  $f(x + iy) = 3x - 2y + i(x - y)$  komplex függvényre az alábbi alakúak:

- A)  $3 = -1, 2 = -1$  B)  $3 = 1, -2 = -1$  C)  $3 = -1, -2 = -1$  D)  $3 = -y, -2 = -1$

9. FELADAT. (2p) Az  $\bar{\mathbf{r}}(t) = (2t, 1, 3t^2)$  görbe esetén  $|\dot{\bar{\mathbf{r}}}(1)| =$

- A)  $\sqrt{14}$       B)  $\sqrt{41}$       C) 40      D)  $2\sqrt{10}$

10. FELADAT. (2p) Legyen  $\mathbf{B}$  és  $\mathbf{T}$  egy görbe adott pontbeli binormális- ill. érintő egységvektora. Az  $\mathbf{N}$  főnormális egységvektor az alábbi képlettel határozható meg:

- A)  $\mathbf{T} \times \mathbf{B}$       B)  $\mathbf{B} \times \mathbf{T}$       C)  $\mathbf{BT}$       D)  $\mathbf{TB}$