

**Permutációk**

1. Egy összejövetelen 5 fiú és 5 lány vesz részt. A táncoló pároknak hányféle összetétele lehetséges, ha mindenki táncol és a lányok egymással, illetve a fiúk egymással nem táncolnak?
2. Néhány, különböző színű golyót 720 féleképpen rakhatunk sorba. Hány golyónk van?
3. Adott két 6 elemű halmaz (A, B). Hány olyan függvény van, amely az A halmaz elemeihez a B halmaz elemeit kölcsönösen egyértelmű módon rendeli hozzá?
4. Hány különböző szám írható fel az alábbi számjegyekből? (Minden számjegyet fel kell használni.)
  - a. 1,1,2,2,3,4
  - b. 4,4,4,4,5,5,5
5. Egy dobozban 16 golyó van; 10 fehér, 4 piros és 2 kék színű. Hányféleképpen húzhatjuk ki a 16 golyót, ha az azonos színűeket nem különböztetjük meg?
6. Adott két halmaz  $A=\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  és  $B=\{a, b, c\}$ . Hány olyan A-t, B-re képező függvény van, amely minden B-beli értéket kétszer vesz fel értékül?

**Variációk**

7. Egy rejtvénypályázaton 5 különböző díjat sorsolnak ki a helyes megfejtést beküldők között. 78-an küldenek be helyes megfejtést. Hányféle eredményt hozhat a sorsolás?
8. Adott két halmaz  $A=\{1, 2, 3\}$  és  $B=\{a, b, c, d, e, f\}$ . Hány olyan függvény van, amely az A halmaz elemeihez a B halmaz elemeiből kölcsönösen egyértelműen rendel hozzá hármatot?
9. Hányféleképpen lehet kitölteni egy totószelvényt?
10. Adott két halmaz  $A=\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  és  $B=\{a, b, c, d, e, f\}$ . Hány olyan függvény van, amely A halmaz elemeihez a B halmaz elemeit rendeli?

**Kombinációk**

11. Egy 6 tagú társaságban mindenki mindenkivel kezet fog. Összesen hány kézfogást jelent ez?
12. 12 személy egyszerre érkezik egy 6 személyes lifthez. Hányféleképpen választhatjuk ki közülük az első 6 utast?
13. 500 termék között 4% a selejtes. Hányféleképpen lehet 10 terméket kiválasztani úgy, hogy
  - a. egy selejtes se legyen,
  - b. mind a 10 selejtes legyen,
  - c. pontosan 5 selejtes legyen,
  - d. legfeljebb 3 selejtes legyen,
  - e. legyen köztük selejtes? (Visszatevés nélkül választunk és a sorrendet nem vesszük figyelembe)
14. Hányféleképpen helyezhetünk el 5 levelet 16 levélsekrénybe, ha a levelek között nem teszünk különbséget és egy rekeszbe
  - a. legfeljebb egy levelet,
  - b. több levelet tehetünk?

## Vegyes feladatok

15. Oldjuk meg a 13. feladatot úgy, hogy minden húzás után visszatesszük a kiválasztott terméket.
16. Hányféleképpen tölthetünk ki egy totószelvényt úgy, hogy 8 darab 1-es, 2 darab X és 4 darab 2-es tipp legyen?
17. Hányféleképpen járhat körtáncot 5 pár, ha mindenki a saját párjának kezét fogja?
18. Tizenkét diák három csónakot bérel. Az egyik csónak 3 üléses, a másik 4, a harmadik pedig 5 üléses.
  - a. Hányféleképpen foglalhatnak helyet a csónakban?
  - b. Hányféleképpen foglalhatnak helyet, ha két diák feltétlenül egy csónakban akar helyet foglalni?
19. Egy kockával háromszor dobunk egymás után. Hány olyan dobássorozat fordul elő, amelyben a 6-os is szerepel?
20. Hány olyan 6 jegyű szám van,
  - a. amelynek minden jegye különböző,
  - b. amelynek bármely két szomszédos jegye különböző,
  - c. amelyben pontosan két darab 0 van,
  - d. amelyben van jegyismétlődés,
  - e. amelyben a jegyek szorzata 10-zel osztva 5-öt ad maradékul,
  - f. amelyben a jegyek összege 10-zel osztva 5-öt ad maradékul,
  - g. amelyben a jegyek összege páros?
21. Az 1, 2, ..., 9 számokat sorba rendezzük. Hány olyan sorrend van, amelyben az 1, 2, 3 számok
  - a. valamilyen sorrendben egymás mellé kerülnek,
  - b. növekvő sorrendben kerülnek egymás mellé.
  - c. egymáshoz képest növekvő sorrendben helyezkednek? (Nem feltétlenül egymás mellett)
22. Egy 28 tagú szakkollégiumban 4 jutalmat osztanak ki. Hányféleképpen történhet ez, ha
  - a. a jutalmak egyformák, és egy tag legfeljebb egy jutalmat kaphat,
  - b. a jutalmak egyformák és egy tag több jutalmat is kaphat,
  - c. a jutalmak különbözőek, és egy tag legfeljebb egy jutalmat kaphat?
  - d. a jutalmak különbözőek és egy tag több jutalmat is kaphat?